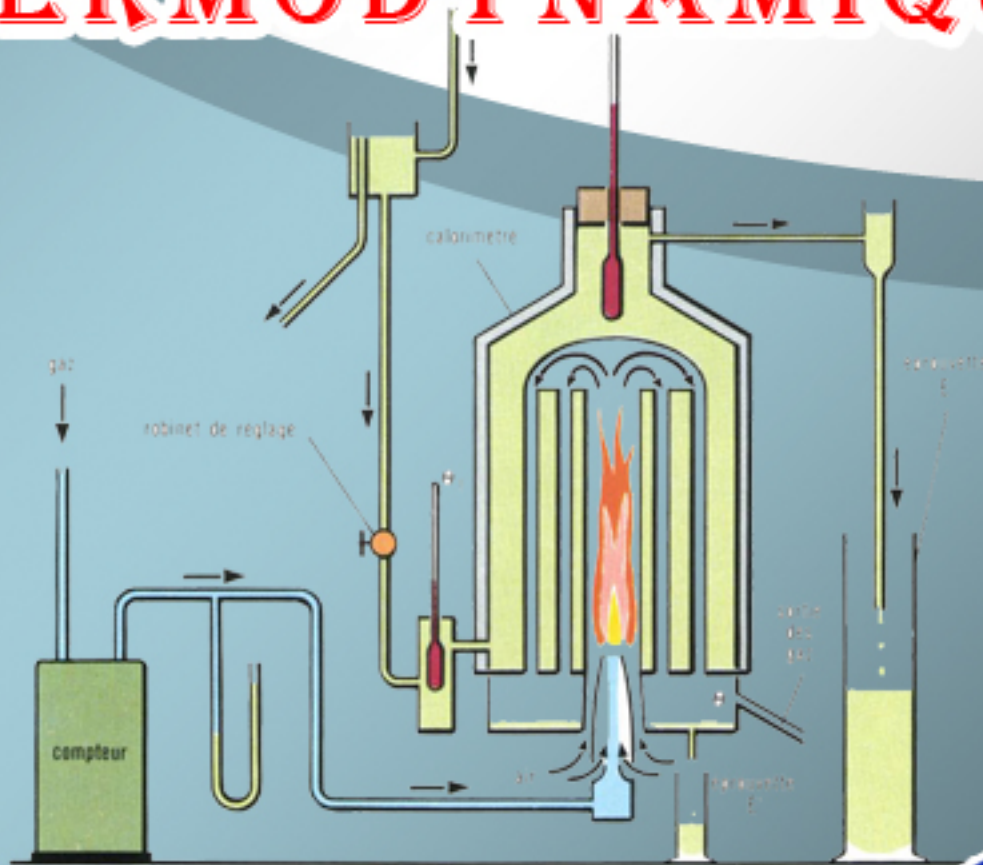


جامعة شعيب الدكالي  
كلية العلوم  
الجديدة



## CORRECTION DES EXAMENS

# THERMODYNAMIQUE



إعداد نادي النجاح

2015-2016



## Epreuve de Thermodynamique

Durée : 1 H 30 mn

### Cycle de Beau de Rochas

On se propose de modéliser le fonctionnement d'un moteur à combustion interne à explosion par le cycle idéal d'un gaz parfait (on prendra  $\gamma = 1,4$ ).

1. L'admission est réalisée à la pression atmosphérique  $P_1$ , le mélange d'essence et d'air (assimilable à un gaz parfait) est admis à la température  $T_1$  dans un volume  $V_1$ .

❖ Déterminer la quantité de matière gazeuse (nombre de mole  $n$ ) admise dans  $V_1$ .

Valeurs numériques :  $P_1 = 1 \text{ Bar} = 10^5 \text{ Pa}$  ;  $T_1 = 300 \text{ K}$  ;  $V_1 = 1,2 \text{ l}$  ;  $R = 8,32 \text{ J.K}^{-1}.\text{mol}^{-1}$

**Recommandation** : dans ce qui suit, les différents résultats seront exprimés à l'aide des coordonnées  $(P_1, V_1, T_1)$  de l'état (1) et des paramètres demandés.

2. Phase 1  $\rightarrow$  2 :  $(P_1, V_1, T_1) \rightarrow (P_2, V_2, T_2)$ , (adiabatique)

C'est une compression adiabatique, le volume résiduel en fin de compression a pour valeur  $V_2$  ( $V_2 = 0,2 \text{ l}$ ). Le rapport volumétrique  $a = V_1 / V_2$  définit la course du piston.

2.a) Calculer le rapport volumétrique  $a$

2.b) Déterminer la pression  $P_2$  et la température  $T_2$  en fin de compression, à l'aide du rapport volumétrique  $a$ , de  $\gamma$  et des coordonnées de l'état (1). Calculer  $P_2$  et  $T_2$ .

2.c) Calculer le travail  $W_{12}$  de compression échangé au cours de cette phase.

3. Phase 2  $\rightarrow$  3 :  $(P_2, V_2, T_2) \rightarrow (P_3, V_3, T_3)$ , (isochore)

En fin de compression l'explosion produit une augmentation instantanée de pression sans variation du volume (isochore). La combustion interne se traduit par l'apport d'une énergie sous forme de chaleur  $Q_{23}$  (reçue par le gaz).

3.a) Déterminer la température  $T_3$  et montrer qu'elle peut se mettre sous la forme :

$$T_3 = a^{\gamma-1} T_1 \left[ 1 + \frac{\gamma-1}{a^{\gamma-1} n R T_1} Q_{23} \right] = a^{\gamma-1} T_1 k$$

3.b) Calculer numériquement le terme  $k = \left[ 1 + \frac{\gamma - 1}{a^{\gamma-1} nRT_1} Q_{23} \right]$

3.c) Déterminer la pression  $P_3$  en fonction de  $a$ ,  $\gamma$ ,  $k$  et  $P_1$ .

3.d) Calculer numériquement la température  $T_3$  et la pression  $P_3$ .

Valeur numérique :  $Q_{23} = 490,7 \text{ J}$ .

4. Phase 3  $\rightarrow$  4 :  $(P_3, V_3, T_3) \rightarrow (P_4, V_4, T_4)$ , (adiabatique)

La détente motrice, également adiabatique, ramène le piston de la position  $V_2 = V_3$  à la position  $V_1 = V_4$ . Les gaz brûlés sont alors chauds.

4.a) Déterminer la température  $T_4$  et la pression  $P_4$  après la détente, les exprimer à l'aide de  $a$ ,  $\gamma$ ,  $k$  et des coordonnées de l'état (1).

4.b) Calculer numériquement  $T_4$  et  $P_4$ .

4.c) Exprimer le travail moteur  $W_{34}$  à l'aide de  $a$ ,  $\gamma$ ,  $k$  et des coordonnées de l'état (1).

4.d) Calculer numériquement  $W_{34}$ .

5. Phase 4  $\rightarrow$  1 :  $(P_4, V_4, T_4) \rightarrow (P_1, V_1, T_1)$ , (isochore)

Pour fermer le cycle moteur ( $1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 1$ ), on introduit cette phase - peu réaliste - de refroidissement isochore.

5.a) Déterminer la quantité de chaleur  $Q_{41}$  cédée au milieu extérieur.

5.b) Calculer numériquement cette chaleur  $Q_{41}$ .

6. Représenter sommairement ce cycle dans un diagramme de Clapeyron  $P = f(V)$ .

7. En faisant un bilan énergétique, vérifier numériquement le principe d'équivalence.

8. Soit  $\mathcal{R}$  le rendement du cycle étudié :

8.a) Calculer numériquement  $\mathcal{R}$ .

8.b) Donner l'expression du rendement  $\mathcal{R}$  en fonction uniquement, du taux de compression " $a$ " et du rapport  $\gamma$ . Pour cela commencer par établir l'égalité  $\frac{T_1}{T_2} = \frac{T_4}{T_3}$ .

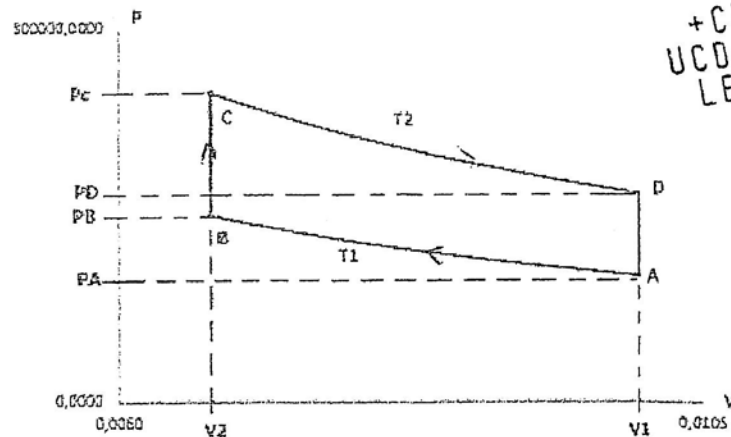
8.c) Comment varie  $\mathcal{R}$  avec le taux de compression  $a$  ?

DUREE 1H 30 '

On suppose qu'une machine, pour un gaz parfait, fonctionne suivant le cycle « ABCD » formé par deux isothermes et deux isochores, tel que :

- Isotherme à  $T_1 = 300 \text{ K}$ , de A vers B.      \* Isochore à  $V_2 = 0.0067 \text{ m}^3$  de B vers C ;
- Isotherme à  $T_2 = 500 \text{ K}$ , de C vers D.      \* Isochore à  $V_1 = 0.01 \text{ m}^3$  de D vers A.

L'état « A » est défini par  $T_1$ ,  $P_1 = 10^5 \text{ Pascals}$  et  $V_1 = 0.01 \text{ m}^3$ . L'état « B » par la pression  $P_B$ ,  $V_B = 0.0067 \text{ m}^3$ . L'état « C » par  $T_2$  et  $P_C$ . L'état « D » par  $V_D = V_1$  et par  $P_D$ .



On veut faire le bilan de ce cycle. Pour cela :

- 1- Calculer le nombre de moles de gaz utilisé.
- 2- Définir les différents paramètres thermodynamiques ( $P$ ,  $V$  et  $T$ ) pour les points B, C et D.
- 3- Calculer le travail, la quantité de chaleur, l'énergie interne et l'enthalpie pour chaque transformation.
- 4- Calculer le travail total, en déduire la nature du cycle. Justifier votre réponse.
- 5- Calculer la quantité de chaleur totale et l'énergie interne pour le cycle.
- 6- Annoncer le premier principe ; est-il vérifié pour ce cycle. Justifier.
- 7- Donner la nature du cycle (moteur ou récepteur), justifier

✓ On donne  $R = 8.32$  (dans le Système International) et  $\gamma = 1.4$

Université Chouaïb Doukkali

Faculté des Sciences

نادي النجاح  
succes club

## EXAMEN DE THERMODYNAMIQUE

Session de rattrapage 2012-2013 (SMPC)

Durée 1H 30'

Veuillez inscrire, sur vos feuilles d'examen, votre nom et prénom ainsi que votre Code National d'Etudiant (CNE) et votre numéro d'examen

Les questions sont largement indépendantes.

### Question du cours :

- a) Démontrez que la constante des gaz parfaits est égale à ;  $R = 8.31 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$ .
- b) Démontrez que la pente des isochores est supérieure à la pente des isobares et représenter les dans le diagramme  $(T, S)$  à partir d'un même point de l'axe des températures.

### Problème :

Dans une machine thermique, un gaz, assimilé à un gaz parfait, décrit le cycle des transformations suivantes :

- ♦ Initialement à l'état 1, à la pression  $p_1$  et à la température  $T_1$ , il subit une évolution adiabatique réversible jusqu'à l'état 2 où sa pression est  $p_2$  et sa température  $T_2$  ;
- ♦ Il se trouve alors en contact avec une source chaude et se réchauffe, de façon isobare, jusqu'à la température  $T_3$  où il est à l'état 3 ;
- ♦ Ensuite, il se détend de manière adiabatique réversible, jusqu'à la pression  $p_4$ . Il est alors à l'état 4 ; sa température est  $T_4$  ;
- ♦ Il achève de se refroidir, d'une façon isobare, au contact d'une source froide et se retrouve dans l'état 1.

### 1° question :

- a) Quelle est la relation entre  $p_2$  et  $p_3$  ?
- b) Tracer sur la copie l'allure du cycle décrit par le gaz dans un diagramme de Clapeyron,  $p = f(V)$ .
- c) Indiquer, sur le diagramme précédent, les points 1, 2, 3 et 4 représentatifs des états du gaz.

2° question : Lors d'une évolution adiabatique réversible, le gaz parfait obéit à la

\*CLUB NAJAH\*  
UCD-FS-ELJADIDA  
LE PRÉSIDENT

loi :  $p \times V^\gamma = \text{constante}$  avec  $\gamma = \frac{C_p}{C_v}$  où :

$C_p$  : capacité thermique molaire, à pression constante ;

$C_v$  : capacité thermique molaire, à volume constant.

a) Démontrer que cette loi peut s'écrire :  $p^{1-\gamma} \times T^\gamma = \text{constante}$ .

b) En déduire l'expression :

■ de la température  $T_2$  en fonction de  $p_1$ ,  $p_2$ ,  $T_1$ , et de  $\gamma$  ;

■ de la température  $T_4$  en fonction de  $p_1$ ,  $p_2$ ,  $T_3$  et de  $\gamma$ .

3° question : Pour  $n = 1$  mol de gaz, exprimer en fonction de  $C_p$  et des températures adéquates :

a)  $Q_C$ , l'énergie échangée sous forme de chaleur avec la source chaude,

b)  $Q_F$ , l'énergie échangée sous forme de chaleur avec la source froide.

4° question : En utilisant le premier principe, donner l'expression  $W_{\text{cycle}}$  de l'énergie échangée sous forme de travail mécanique par une mole de gaz avec l'extérieur au cours du cycle, en fonction de  $C_p$ ,  $T_1$ ,  $T_2$ ,  $T_3$  et  $T_4$ .

5° question : soit le rapport  $\tau = \frac{p_2}{p_1}$ , Donner Le rendement théorique,  $\eta$ , de cette machine et

démontrer qu'il peut s'écrire en fonction de  $\tau$  et de  $\gamma$  :  $\eta = 1 - \tau^{\frac{1-\gamma}{\gamma}}$

a) Calculer le rendement pour les trois gaz figurant dans le tableau ci dessous en prenant  $\tau = 4,0$ .

b) Avec lequel obtient-on le meilleur rendement ?

Gaz	Valeur de $\gamma$
argon	1,67
air	1,40
dioxyde de carbone	1,31

6° question : Calculer les valeurs des températures  $T_2$ ,  $T_4$  pour le gaz qui donne le meilleur rendement en utilisant les données suivantes :  $\tau = 4,0$  ;  $p_1 = 1,0 \times 10^5$  Pa ;  $T_1 = 300$  K ;  $T_3 = 900$  K.

7° question ; Représentez le cycle dans le diagramme (T,S). Donner la nature du cycle et justifiez votre réponse.

Bon courage



نادي النجاح  
club success

Université Chouaib Doukkali

Faculté des Sciences

2012.2013

ELMALIKI

\*CLUB NAJAH\*  
UCD.FS.ELJADIDA  
LE PRÉSIDENT

Examen de Thermodynamique SMPC (S1)

--- Durée 1<sup>h</sup> 30' ---

Question du cours :

- Calculer la constante - R- des gaz parfaits dont les unités sont dans le Système International (S.I).
- Comparez les pentes d'une isotherme et d'une adiabatique. A partir d'un point sur l'axe des pressions, représentez une isotherme et une adiabatiques dans le diagramme de Clapeyron.

Problème : On fait subir à un gaz parfait un cycle de transformation ABCDA.

- AB est une compression adiabatique
- BC est une compression isochore
- CD est une détente adiabatique
- DA est une détente isochore.

On donne :  $V_A = 8.V_B$ ,  $T_A = 17^\circ\text{C}$ ,  $P_A = 1\text{atmosphère}$ ,  $\gamma = 1.4$  et  $R = 8.31\text{JK}^{-1}\text{mol}^{-1}$

- Calculer la pression  $P_B$  et la température  $T_B$  au point B.
- Sachant que l'apport de chaleur  $Q$  lors de la compression isochore BC est de 50K Joules pour une mole de gaz, calculer la température  $T_C$  et la pression  $P_C$  au point C.
- Calculer la pression  $P_D$  et la température  $T_D$  au point D.
- Donnez les échanges de chaleurs et de travail pour les divers transformations en fonction de R,  $\gamma$  et les températures correspondantes. Faites l'application numérique.
- Représenter le cycle de transformation, ABCDA, dans le diagramme de Clapeyron.
- Quelle est la nature du cycle ? Justifiez votre réponse.
- En déduire la quantité de chaleur  $Q_{\text{total}}$  et le travail  $W_{\text{total}}$  mis en jeu au cours du cycle entier. A partir de ce résultat, donner la nature du cycle tout en justifiant votre réponse.
- Le principe d'équivalence est-il vérifié ?
- Donner une interprétation géométrique de la quantité de chaleur totale.
- Donner le rendement du cycle ABCDA en fonction des températures correspondantes. En déduire ce rendement en fonction des températures  $T_A$  et  $T_B$ , puis en fonction de  $V_A$ ,  $V_B$  et  $\gamma$ . Calculer numériquement le rendement. Conclusion.
- Représentez le cycle, ABCDA, de transformation dans le diagramme (T, S).

N.B : Veuillez répondre lisiblement sur la feuille de réponse. Attention aux applications numériques.

EPREUVE DE THERMODYNAMIQUE SMPC  
Durée 1H30

**Exercice**

- Démontrez les trois lois de Laplace, pour un gaz parfait qui subit une transformation adiabatique réversible.

**Problème**

On considère un gaz parfait dans la condition initiales ( $P_A=3$  atm,  $T_A=300$  K,  $V_A=16,4$  L) auquel on fait subir les transformations réversibles suivantes :

Etat A --> Etat B ; compression adiabatique jusqu' à  $T_B=450$  K.

État B --> Etat C : refroidissement isochore jusqu'à  $P_C=4,05$  atm.

État --> Etat D : détente isotherme jusqu' à  $P_D=3$  atm.

État D --> Etat A : isobare.

( on donne  $\gamma = 1,66$ )

- 1- Calculer le nombre de moles
- 2- Déterminer les variables ( $P$ ,  $V$ ,  $T$ ) dans chaque état.
- 3- Représenter les différentes transformations sur le diagramme de Clapeyron ( $P,V$ ) et le diagramme ( $T,S$ ).
- 4- Quelle est la nature du cycle ?
- 5- Calculer le travail, la chaleur et la variation d'énergie interne, pour chacune des transformations.
- 6- Calculer le travail total et la quantité de chaleur totale.
- 7- Montrer que le premier principe est vérifié.
- 8- Si on veut appliquer ce cycle à un réfrigérateur, calculer son efficacité.

+CLUB NAJAH+  
UCD.FS.ELJADIDA  
LE PRÉSIDENT



Correction Epreuve  
de La Thermodynamique  
Session normale  
2014/2015



www.facebook.com/succes.club

⚠ attention les unités !!!

\*\*\* Les données du problème:  $\gamma = 1,66$

$$P_A = 3 \text{ atm} = 3 \times 1,013 \times 10^5 \text{ Pa}$$

$$T_A = 300 \text{ K} ; V_A = 16,4 \text{ l} = 16,4 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

1) Le nombre de moles  $n = \frac{PV}{RT} \Leftrightarrow n = \frac{3 \times 1,013 \times 10^5 \times 16,4 \times 10^{-3}}{8,31 \times 300}$

$$n = 1,99 \approx 2 \text{ mole}$$

2) Les variables ( $P, V, T$ ) de chaque état.

état A:  $\begin{cases} P_A = 3 \times 1,013 \times 10^5 \text{ Pa} \\ V_A = 16,4 \times 10^{-3} \text{ m}^3 \\ T = 300 \text{ K} \end{cases}$

↓ Transformation adiabatique

état B:  $\begin{cases} P_B = ? \\ V_B = ? \\ T_B = 450 \text{ K} \end{cases}$

\*\*\* on applique  $TV^{\gamma-1} = \text{cte}$

\* CLUB NAJAH+  
UCD-FS-ELJADIDA  
LE PRÉSIDENT

$$* T_B V_B^{\gamma-1} = T_A V_A^{\gamma-1} \Rightarrow V_B = V_A \left( \frac{T_A}{T_B} \right)^{\frac{1}{1-\gamma}} = 8,87 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

$$* P_B V_B = n R T_B \Rightarrow P_B = \frac{n R T_B}{V_B} = 8,42 \times 10^5 \text{ Pa}$$

$$\text{état B} \begin{cases} P_B = 8,42 \times 10^5 \text{ Pa} \\ V_B = 8,87 \times 10^{-3} \text{ m}^3 \\ T_B = 450 \end{cases} \xrightarrow{\text{Transformation isochore B} \rightarrow \text{C}} \text{état C} \begin{cases} P_C = 2,05 \times 10^5 \text{ Pa} \\ V_C = V_B \\ T_C = ? \end{cases}$$

$$T_C = \frac{P_C V_C}{n R} = 218,95 \approx 219 \text{ K}$$

\* CLUB NAJAH+  
UCD.FS. ELJADIDA  
LE PRÉSIDENT

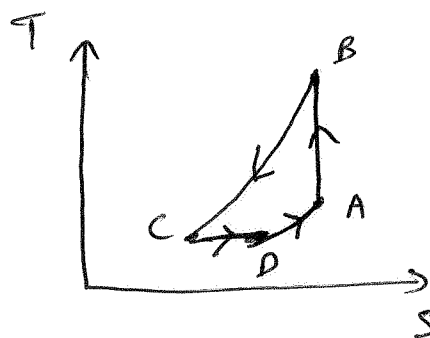
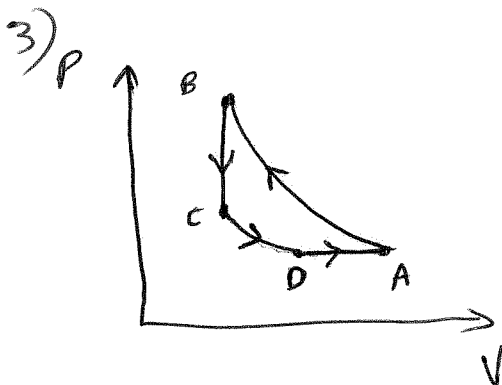
\* Transformation isotherme de c → D

$$\begin{cases} P_D = 3 \times 1,013 \times 10^5 \text{ Pa} \\ V_D = ? \\ T_D = T_C = 219 \text{ K} \end{cases}$$

$$; V_D = \frac{n R T_D}{P_D} = 11,97 \times 10^{-3} \text{ m}^3$$

Résumé :

	état A	état B	état c	état D
P(Pa)	<del>3,039</del> $3,039 \times 10^5$	$8,42 \times 10^5$	$4,1 \times 10^5$	$3,039 \times 10^5$
V(m <sup>3</sup> )	$16,4 \times 10^{-3}$	$8,87 \times 10^{-3}$	$8,87 \times 10^{-3}$	$11,97 \times 10^{-3}$
T(K)	300	450	219	219



4) La nature de cycle est récepteur; par ce que le sens de cycle est opposé à le sens d'aiguilles d'une montre.

5) Compression adiabatique.  $A \rightarrow B$ ;  $\delta Q = 0$

$$W_{AB} = n c_V (T_B - T_A) \text{ ou } W_{AB} = \frac{P_B V_B - P_A V_A}{\gamma - 1}; \text{ avec } c_V = \frac{R}{\gamma - 1}$$

$$W_{AB} = \frac{nR}{\gamma - 1} (T_B - T_A) = 3777,27 \text{ J}$$

$$Q_{AB} = 0 \text{ car transformation adiabatique}$$

$$\Delta U_{AB} = W_{AB} + Q_{AB} = W_{AB} = 3777,27 \text{ J}$$

+CLUB NAJAH+  
UCD.FS.ELJADIDA  
LE PRÉSIDENT

\*\* refroidissement isochore:  $B \rightarrow C$ ;  $dV = 0$

$$W_{BC} = \int -P dV = 0; \text{ car } dV = 0$$

$$Q_{BC} = \int (c_V dT + \overbrace{P dV}^0) = \int c_V dT = \frac{nR}{\gamma - 1} (T_C - T_B)$$

$$Q_{BC} = -5817 \text{ J}$$

$$\Delta U_{BC} = Q_{BC} + W_{BC} = Q_{BC} = -5817 \text{ J}$$

\*\*\* détente isotherme:  $C \rightarrow D$ ;  $dT = 0$

$$W_{CD} = \int -P dV = - \int nRT \frac{dV}{V} = -nRT_C (\ln V_D - \ln V_C) = -1090,94 \text{ J}$$

$$Q_{CD} = \int (\overbrace{c_V dT}^0 + P dV) = \int P dV = nRT_C (\ln V_D - \ln V_C) = 1090,94 \text{ J}$$

$$\Delta U = W_{CD} + Q_{CD} = 0$$

\*\*\*\*\*) isobare:  $D \rightarrow A$  ;  $dP = 0$

$$W_{DA} = -\int P dV = -P_D \int dV = -P_D (V_A - V_D) = -1346,27 \text{ J}$$

$$Q_{DA} = \int (C_p dT - \overset{0}{V dP}) = \int C_p dT = \frac{nR\gamma}{\gamma-1} (T_A - T_D) = 3386 \text{ J}$$

$$\Delta U_{DA} = 2039,73 \text{ J}$$

Resumé:

	W	Q	$\Delta U$
transformation $A \rightarrow B$	$C_V(T_B - T_A)$ $= 3777,27 \text{ J}$	$0 \text{ J}$	$3777,27 \text{ J}$
transformation $B \rightarrow C$	$0 \text{ J}$	$\eta_{C_V}(T_C - T_B)$ $= -5817 \text{ J}$	$-5817 \text{ J}$
transformation $C \rightarrow D$	$W = -nRT \ln\left(\frac{V_D}{V_C}\right)$ $= -1090,94 \text{ J}$	$Q = nRT \ln\left(\frac{V_D}{V_C}\right)$ $1090,94 \text{ J}$	$0 \text{ J}$
transformation $D \rightarrow A$	$-P(V_A - V_D)$ $= -1346,27$	$\eta_{C_P}(T_A - T_D)$ $= 3386$	$2039,73 \text{ J}$

6)  $W_{\text{tot}} = W_{AB} + W_{BC} + W_{CD} + W_{DA} = 1340,06 \text{ J}$

$Q_{\text{tot}} = Q_{AB} + Q_{BC} + Q_{CD} + Q_{DA} = -1340,06 \text{ J}$

+CLUB NAJAH+  
UCD.FS.ELJADIDA  
LE PRÉSIDENT

7)  $\Delta U = Q_{\text{tot}} + W_{\text{tot}} = 0$  Le premier principe est vérifié

8)  $e_f = \frac{Q_{\text{recul(froid)}}}{W_{\text{total}}} = \frac{1090,94}{1340,06} = 0,81 \approx 81\%$

⚠ l'efficacité "ef" peut être supérieure, inférieure ou égale à 1

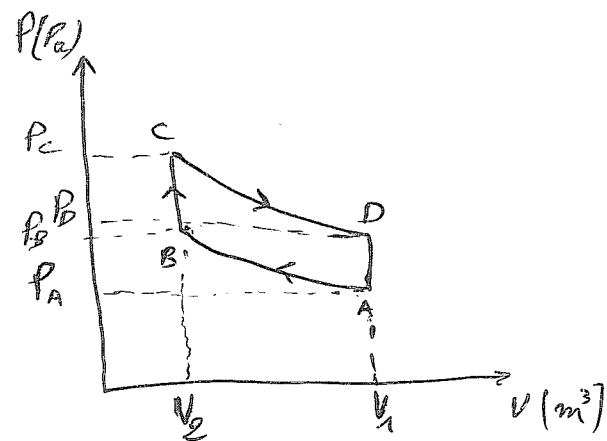
correction fait par: EL MALLKI  
(S) LK

page 4

# correction de l'examen de la Thermodynamique de la session normale 2013/2014

Les données du problèmes:

$$\begin{aligned}
 T_1 &= 300 \text{ K de A vers B} \\
 V_2 &= 0,0067 \text{ m}^3 \text{ de B vers C} \\
 T_2 &= 500 \text{ K de C vers D} \\
 V_1 &= 0,01 \text{ m}^3 \text{ de D vers A}
 \end{aligned}$$



l'état A :

$$\begin{cases}
 P = 10^5 \text{ Pa} \\
 V = 0,01 \text{ m}^3 \\
 T = 300 \text{ K}
 \end{cases}$$

\*CLUB NAJAH+  
 UCD.FS.ELJADIDA  
 LE PRÉSIDENT

1) pour calculer le nombre de moles de gaz on utilisé la relation des gaz parfait :

$$PV = nRT \Rightarrow P_A V_A = n R T_A$$

$$\Leftrightarrow n = \frac{P_A V_A}{R T_A} = \frac{10^5 \cdot 0,01}{(8,314)(300)} = 0,4 \text{ mol}$$

2) l'état B : on a un Transformation isotherme donc  $T_A = T_B$  . et on a d'après le diagramme P-V

$$V_B = V_2 \text{ donc } P_B = \frac{n R T_B}{V_B} = 1,49 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

②

donc l'état B  $\begin{cases} P = 1,49 \cdot 10^5 \text{ Pa} \\ V = 0,0067 \text{ m}^3 \\ T = 300 \text{ K} \end{cases}$

\* l'état C : on a la transformation de B à C est une transformation isochore  $V_B = V_C$

et d'après le diagramme de (P,V) on la Transformation de C à D est isotherme donc  $T_C = T_D$

on conclure que  $P_C = \frac{nRT_C}{V_C} = \frac{(0,4) \cdot (8,32) (500)}{0,0067}$

$$P_C = (2,48) 10^5 \text{ Pa}$$

donc l'état C  $\begin{cases} P = 2,48 \cdot 10^5 \text{ Pa} \\ V = 0,0067 \text{ m}^3 \\ T = 500 \text{ K} \end{cases}$

\* l'état D : on a la transformation de C vers D est

isotherme  $\Rightarrow T_D = T_C$

et on a la transformation de D vers A est isochore

donc  $V_D = V_A$  on calcule  $P_D$

$$P_D = \frac{nRT_D}{V_D} = \frac{(0,4) (8,32) (500)}{0,01} = 1,66 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

l'état D  $\begin{cases} P = 1,66 \cdot 10^5 \text{ Pa} \\ V = 0,01 \text{ m}^3 \\ T = 500 \text{ K} \end{cases}$



3) a) la transformation A vers B,  $T = cte$

$$1) W = - \int P dV$$

$$= - nRT \int_{V_A}^{V_B} \frac{dV}{V} = - nRT \ln \left( \frac{V_B}{V_A} \right)$$

$$W_{AB} = 399,83 J \approx 400 J$$

$$2) Q = \int_{T_A}^{T_B} c_v dT + \int_{V_A}^{V_B} P dV = \int_{V_A}^{V_B} P dV = nRT \ln \left( \frac{V_B}{V_A} \right)$$

$$Q_{AB} = -400 J$$

$$\Delta U_{AB} = W + Q = 0 J$$

\*CLUB NAJAH\*  
UCD.FS.ELJADIDA  
LE PRESIDENT

$$\Delta H_{AB} = c_p (T_B - T_A) \quad \text{2eme loi de joule}$$

$$\Delta H_{AB} = \frac{nR\gamma}{\gamma-1} (T_B - T_A) = 0 J \quad \text{car } T_B = T_A$$

b) la transformation de B vers C :  $V = cte$

$$1) \text{ Travail } W_{BC} = \int_{V_B}^{V_C} P dV = 0 \Rightarrow \text{transformation isochore}$$

$$2) \text{ Quantité de chaleur } Q = \int_{T_B}^{T_C} c_v dT + \int_{V_B}^{V_C} P dV = \int_{T_B}^{T_C} c_v dT = c_v (T_C - T_B)$$

$$Q_{BC} = \frac{nR}{\gamma-1} (T_C - T_B) = 1664 J$$

$$3) \text{ Energie interne } \Delta U_{BC} = W + Q = Q = 1664 J$$

$$4) \text{ Entalpie } \Delta H_{BC} = c_p (T_C - T_B) = \frac{nR\gamma}{\gamma-1} (T_C - T_B) = 2329,6 J$$

c) la transformation de c vers D ; T = cte

↳ le travail  $W_{CD} = \int -P dV = -nRT \ln \left( \frac{V_D}{V_C} \right)$

$$W_{CD} = -666,39 \text{ J}$$

↳ Quantité de chaleur  $Q = \int_{T_C}^{T_D} c_V dT + \int_{V_C}^{V_D} P dV$

$$Q_{CD} = nRT \ln \left( \frac{V_D}{V_C} \right) = 666,39 \text{ J}$$

↳  $\Delta U_{CD} = Q + W = 0$

↳  $\Delta H_{CD} = c_P \Delta T = 0$

\*CLUB NAJAH\*  
UCD.FS.ELJADIDA  
LE PRÉSIDENT

d) La transformation de D vers A , V = cte

le travail :  $W_{DA} = \int -P dV = 0$

Quantité de chaleur  $Q_{DA} = \int_{T_D}^{T_A} c_V dT + \int_{V_D}^{V_A} P dV$

$$Q_{DA} = c_V (T_A - T_D) = \frac{nR}{\gamma - 1} (T_A - T_D)$$

$$Q_{DA} = -1664 \text{ J}$$

Energie interne  $\Delta U = W + Q = Q = -1664 \text{ J}$

Entalpie :  $\Delta H = c_P (T_A - T_D) = \frac{nR\gamma}{\gamma - 1} (T_A - T_D)$

$$\Delta H = -2329,6 \text{ J}$$

4) le travail total

$$W_{\text{tot}} = W_{AB} + W_{BC} + W_{CD} + W_{DA}$$

$$W_{\text{tot}} = 400 + 0 - 666,39 + 0$$

$$W_{\text{tot}} = -266,39 \text{ J}$$

le travail tot est negatif  $W_{\text{tot}} < 0$   
la nature de cycle est un moteur

5) la quantité de chaleur totale

$$Q_{\text{tot}} = Q_{AB} + Q_{BC} + Q_{CD} + Q_{DA}$$

$$= -400 + 1664 + 666,39 - 1664$$

$$= 266,39 \text{ J}$$

\*CLUB NAJAH\*  
UCD.FS.ELJADIDA  
LE PRÉSIDENT

l'énergie interne

$$\Delta U_{\text{cycle}} = Q_{\text{tot}} + W_{\text{tot}} = 266,39 - 266,39 = 0 \text{ J}$$

6) le premier principe de la Thermodynamique est:  
la variation d'énergie interne est égal la variation de la quantité  
chaleur plus la variation du travail

$$\Delta U = W + Q$$

et pour le cycle

$$\Delta U_{\text{cycle}} = Q_{\text{tot}} + W_{\text{tot}}$$

le premier principe est vérifié

parce que  $\Delta U_{\text{cycle}} = 0$

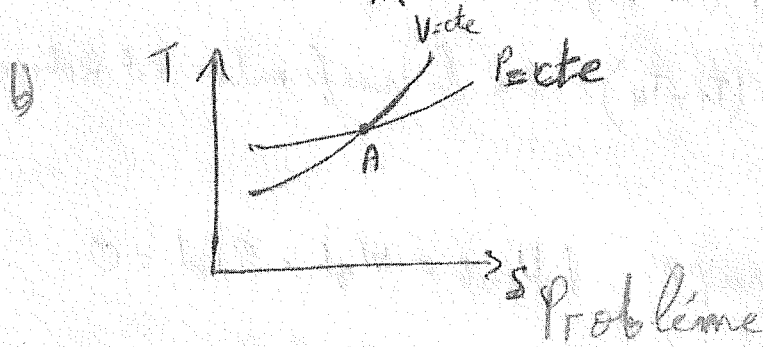
7) La nature de cycle thermodynamique est un moteur car les sens de cycle est du même sens de l'équille d'un montre et  $W_{\text{tot}} < 0$ ,  $Q_{\text{tot}} > 0$

\*CLUB NAJAH\*  
UCO.FS.ELJADIDA  
LE PRESIDENT

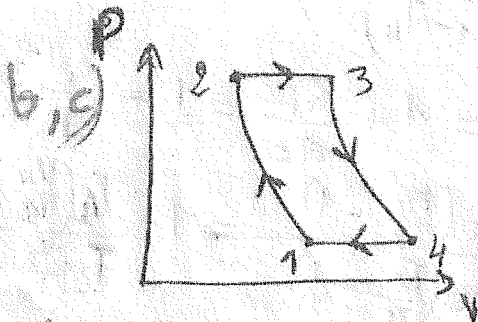
Question du cours :

a) on a  $PV = nRT$  on prend  $P = 10^{13} \text{ Pa}$ ,  $V = 22,4 \text{ l}$  et  $T = 0^\circ \text{C}$

donc  $R = \frac{PV}{nT} = \frac{10^{13} \cdot 22,4 \cdot 10^{-3}}{1 \cdot 273,15} = 8,31 \text{ J/K.mol}$



1) a) la transformation de 2 à 3 est isobare donc  $P_2 = P_3$



\*CLUB N. JAH\*  
UCD.FS. ELJADIDA  
LE PRÉSIDENT

2) a) on  $PV^\gamma = \text{cte}$  et on  $V = \frac{nRT}{P}$   
donc  $P \left( \frac{nRT}{P} \right)^\gamma = \text{cte} \Leftrightarrow P \cdot P^{-\gamma} \cdot T^\gamma \cdot (nR)^\gamma = \text{cte}$   
donc  $P^{1-\gamma} T^\gamma = \text{cte}$

b) On a  $T^\gamma P^{1-\gamma} = \text{cte}$

donc  $T_1^\gamma P_1^{1-\gamma} = T_2^\gamma P_2^{1-\gamma} = \text{cte}$

$$T_1 P_1^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} = T_2 P_2^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} \Leftrightarrow T_2 = T_1 \left( \frac{P_1}{P_2} \right)^{\frac{1-\gamma}{\gamma}}$$

et  $T_3 P_3^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} = T_4 P_4^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} \Leftrightarrow T_4 = T_3 \left( \frac{P_3}{P_4} \right)^{\frac{1-\gamma}{\gamma}}$

3) a)  $Q_C = c_p (T_3 - T_2)$  car la transformation est isobare

b)  $Q_F = c_p (T_1 - T_4)$  car la transformation est isobare

4) le premier principe  $\Delta U_{\text{cycle}} = W_{\text{tot}} + Q_{\text{tot}} = 0$

$$Q_{\text{tot}} = -W_{\text{tot}} \Leftrightarrow Q_C + Q_F = -W_{\text{tot}}$$

$$W_{\text{tot}} = -c_p (T_3 - T_2) - c_p (T_1 - T_4)$$

5)  $\eta = \frac{-W_{\text{tot}}}{Q_{\text{recu}}} = \frac{Q_C + Q_F}{Q_C} = 1 + \frac{Q_F}{Q_C} = 1 + \frac{c_p (T_1 - T_4)}{c_p (T_3 - T_2)}$

$$\eta = 1 - \frac{T_4 - T_1}{T_3 - T_2} = 1 - \frac{T_1 \left( \frac{T_4}{T_1} - 1 \right)}{T_2 \left( \frac{T_3}{T_2} - 1 \right)} = 1 - \frac{T_1 \left( \frac{V_4}{V_1} - 1 \right)}{T_2 \left( \frac{V_3}{V_2} - 1 \right)}$$

On a  $\begin{cases} P_1 = P_4 = \frac{T_4}{V_4} = \frac{T_1}{V_1} \Rightarrow \frac{T_4}{T_1} = \frac{V_4}{V_1} \\ P_2 = P_3 = \frac{T_3}{V_3} = \frac{T_2}{V_2} \Rightarrow \frac{T_3}{T_2} = \frac{V_3}{V_2} \end{cases}$



$$\eta = 1 - \frac{T_1 \left( \frac{V_4}{V_1} - 1 \right)}{T_2 \left( \frac{V_3}{V_2} - 1 \right)} = 1 - \frac{T_1 \left( \frac{V_3 \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{\gamma}}}{V_2 \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{\gamma}}} - 1 \right)}{T_2 \left( \frac{V_3}{V_2} - 1 \right)}$$

car  $V_4 = V_3 \left( \frac{P_3}{P_4} \right)^{\frac{1}{\gamma}}$

$V_1 = V_2 \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{\gamma}}$  or  $\begin{cases} P_3 = P_2 \\ P_1 = P_4 \end{cases}$

$$\eta = 1 - \frac{T_1 \left( \frac{V_3}{V_2} - 1 \right)}{T_2 \left( \frac{V_3}{V_2} - 1 \right)} = 1 - \frac{T_1}{T_2}$$

or  $P_1 T_1^{\frac{\gamma}{1-\gamma}} = P_2 T_2^{\frac{\gamma}{1-\gamma}} \Leftrightarrow \frac{T_1}{T_2} = \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1-\gamma}{\gamma}}$  or  $\frac{P_2}{P_1} = r$

donc  $\boxed{\eta = 1 - r^{\frac{1-\gamma}{\gamma}}}$

a) pour argon  $\eta = 1 - (4)^{\frac{1-1,67}{1,67}} = 0,42$

pour air  $\eta = 1 - (4)^{\frac{1-1,40}{1,40}} = 0,32$

pour dioxyde de carbone  $\eta = 1 - (4)^{\frac{1-1,31}{1,31}} = 0,27$

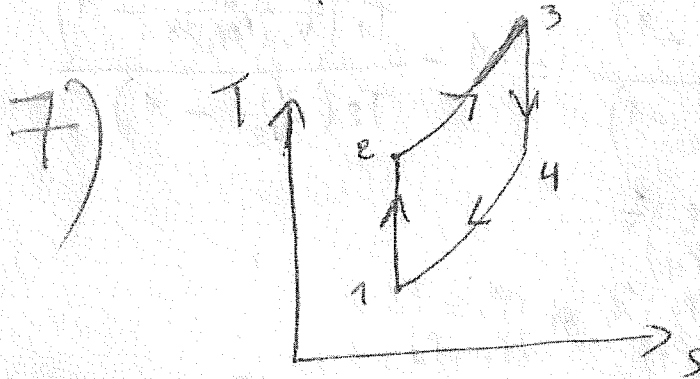
b) le meilleur rendement avec le gaz argon

6)  $T_2 = T_1 \left( \frac{P_1}{P_2} \right)^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} = T_1 \left( \frac{1}{r} \right)^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} = 300 \cdot \left( \frac{1}{4} \right)^{\frac{1-1,67}{1,67}} = 523 \text{ K}$

$T_4 = T_3 \left( \frac{P_3}{P_4} \right)^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} = T_3 \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} = T_3 r^{\frac{1-\gamma}{\gamma}} = 900 \cdot 4^{\frac{1-1,67}{1,67}} = 516,05 \text{ K}$

\*CLUB NAJAH\*  
UCD-FS-EL JADIDA  
LE PRESIDENT

donc  $\begin{cases} T_2 = 523 \text{ K} \\ T_4 = 516 \text{ K} \end{cases}$



\*CLUB NAJAH\*  
UCD-FS-ELJADIDA  
LE PRÉSIDENT

la nature de cycle est moteur parce que  
le sens est le même d'une aiguille d'une montre

Rappel:

α loi de Laplace  $\begin{cases} pV^\gamma = \text{cte} \\ p^{1-\gamma} T^\gamma = \text{cte} \\ TV^{\gamma-1} = \text{cte} \end{cases}$

α  $\delta Q \begin{cases} c_v dT + p dV \\ c_p dT - v dp \end{cases}$

$\Delta U = W + Q = c_v dT$

$\eta = \frac{|W_{\text{tot}}|}{Q_{\text{reçu}}}$

تذكير

قيل: للساعة

أين تسكنين

قالت: في قلوب الرافضين بفناء الله

قيل: فيما تتخدين

قالت: من قوة إيمانهم

قيل: فيما تدومين

قالت: بحسن ظنهم بالله

قيل: فيما ترومين

قالت: إن النفس لن يصيبها إلا ما

كتب الله لها

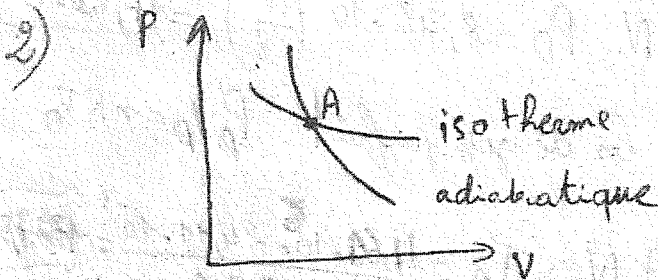
ELMALIKI



Question de cours

1) la constante R des gaz parfait dans le S.I

$$PV = nRT \Leftrightarrow [R] = \frac{[P][V]}{[n][T]} = \frac{\text{Pa} \cdot \text{m}^3}{\text{mol} \cdot \text{K}} = \text{J/mol} \cdot \text{K}$$



Problème:

$$\begin{cases} T_A = 17 + 273,15 = 290,15 \text{ K} \\ P_A = 1 \text{ atm} = 1 \cdot 10^5 \text{ Pa} \\ V_A = \frac{nRT_A}{P_A} = 24,11 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3 \end{cases}$$

$$\gamma = 1,4$$

$$R = 8,31 \text{ J/K} \cdot \text{mol}$$

$$C_V = \frac{nR}{\gamma - 1} = 20,775 \text{ J/K}$$

1)  $P_B = ?$  et  $T_B = ?$ , la transformation de A à B est adiabatique

$$\text{on a } P_A V_A^\gamma = P_B V_B^\gamma \Rightarrow P_B = P_A \left( \frac{V_A}{V_B} \right)^\gamma \text{ A.N } P_B = 10^5 (8)^{1,4} = 1,83 \cdot 10^6 \text{ Pa}$$

$$* T_A V_A^{\gamma-1} = T_B V_B^{\gamma-1} \Rightarrow T_B = T_A \left( \frac{V_A}{V_B} \right)^{\gamma-1} \Rightarrow \text{A.N } T_B = 290,15 (8)^{0,4} = 666,58 \text{ K}$$

2) on a la transformation isobare donc  $\delta Q = C_V dT + P dV$

$$\text{donc } Q = C_V (T_C - T_B) \Rightarrow Q = C_V (T_C - T_B)$$

$$\text{donc } T_C = \frac{Q}{C_V} + T_B \text{ A.N } T_C = \frac{50 \cdot 10^3}{20,775} + 666,58 = 3073,31 \text{ K}$$



$$P_c = ?$$

on applique la loi du gaz parfait  $P_c V_c = n R T_c$

$$V_c = V_B = \frac{V_A}{8} = 3,01 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3 \quad \text{par ce que la transformation est isochore}$$

$$\text{donc } P_c = \frac{n R T_c}{V_c} \quad \text{A.N } P_c = \frac{1,831 \cdot 3073,31}{3,01 \cdot 10^{-3}} = 8,48 \cdot 10^6 \text{ Pa}$$

$$3) P_D = ?, T_D = ?$$

$$P_D V_D^\gamma = P_c V_c^\gamma \Leftrightarrow P_D = P_c \left( \frac{V_c}{V_D} \right)^\gamma \quad \text{car } (V_D = V_A \text{ et } V_c = V_B)$$

$$\text{donc } P_D = P_c \left( \frac{V_B}{V_A} \right)^\gamma \quad \text{A.N } P_D = 8,48 \cdot 10^6 \left( \frac{1}{8} \right)^{1,4} = 4,62 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

ou  $T_D$  on peut appliquer la loi de gaz parfait  $P_D V_D = n R T_D$

$$T_D = \frac{P_D V_D}{n R} = \frac{P_D V_A}{n R} \quad \text{A.N } T_D = \frac{4,62 \cdot 10^5 \cdot 24,11 \cdot 10^{-3}}{1,831} = 1337,51 \text{ K}$$

$$4) \alpha \quad W_{A \rightarrow B} = c_v (T_B - T_A) = \frac{n R}{\gamma - 1} (T_B - T_A) = 7,82 \text{ kJ}$$

$$\text{travail } W_{B \rightarrow C} = 0 \quad \text{car la transformation est isochore}$$

$$W_{C \rightarrow D} = c_v (T_D - T_C) = \frac{n R}{\gamma - 1} (T_D - T_C) = -36,06 \text{ kJ}$$

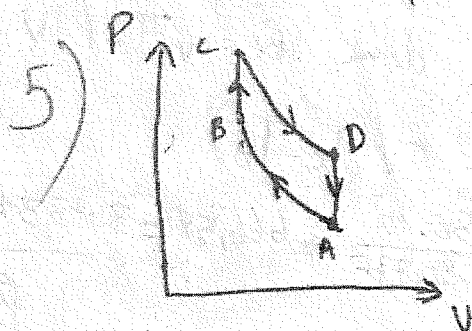
$$W_{D \rightarrow A} = 0 \quad \text{car la transformation est isochore}$$

$$Q_{A \rightarrow B} = 0 \quad \text{la transformation adiabatique}$$

$$Q_{B \rightarrow C} = c_v (T_C - T_B) = \frac{n R}{\gamma - 1} (T_C - T_B) = 50 \text{ kJ}$$

$$Q_{C \rightarrow D} = 0 \quad \text{la transformation adiabatique}$$

$$Q_{D \rightarrow A} = c_v (T_A - T_D) = \frac{n R}{\gamma - 1} (T_A - T_D) = -27,76 \text{ kJ}$$





6) la nature de cycle est moteur.

car il est au sens d'une aiguille d'une montre

$$\begin{aligned} 7) \quad Q_{\text{tot}} &= Q_{A \rightarrow B} + Q_{B \rightarrow C} + Q_{C \rightarrow D} + Q_{D \rightarrow A} \\ &= 28,24 \text{ KJ} > 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} W_{\text{tot}} &= W_{AB} + W_{BC} + W_{CD} + W_{DA} \\ &= -28,24 \text{ KJ} < 0 \end{aligned}$$

On a  $W_{\text{tot}} < 0$  et  $Q_{\text{tot}} > 0$  donc la nature de cycle est un moteur

$$8) \quad \Delta U_{\text{cycle}} = Q_{\text{tot}} + W_{\text{tot}} = 0$$

donc le principe d'équivalence est vérifié.

$$9) \quad Q_{\text{tot}} = W_{\text{tot}}$$

le travail total est égale l'air balayé  
donc le travail est une surface  
donc la quantité chaleur totale est une surface



$$10) \eta = \frac{|W_{tot}|}{Q_{recu}} = \frac{|c_v(T_D - T_C) + c_v(T_B - T_A)|}{c_v(T_C - T_B)}$$

$$\eta = 0,56 = 56\%$$

$$\eta = \frac{-W_{tot}}{Q_{recu}} = \frac{-(c_v(T_D - T_C) + c_v(T_B - T_A))}{c_v(T_C - T_B)}$$

$$= \frac{c_v(T_C - T_B + T_A - T_D)}{c_v(T_C - T_B)}$$

$$\eta = 1 + \frac{T_A - T_D}{T_C - T_B} = 1 - \frac{T_D - T_A}{T_C - T_B}$$

$$\eta = 1 - \frac{T_A \left(1 + \frac{T_D}{T_A}\right)}{T_B \left(\frac{T_C}{T_B} - 1\right)} = 1 - \frac{T_A \left(\frac{T_D}{T_A} - 1\right)}{T_B \left(\frac{T_C}{T_B} - 1\right)}$$

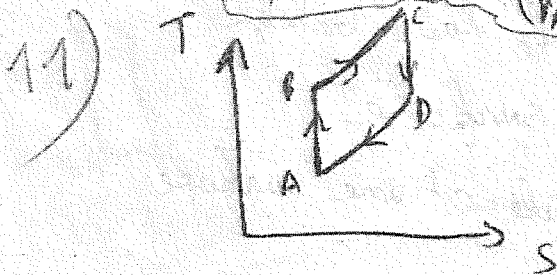
donc  $\begin{cases} u_A = v_D = \frac{T_A}{P_A} = \frac{T_D}{P_D} \\ v_C = v_B = \frac{T_B}{P_B} = \frac{T_C}{P_C} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{T_D}{T_A} = \frac{P_D}{P_A} \\ \frac{T_C}{T_B} = \frac{P_C}{P_B} \end{cases}$  et donc  $\begin{cases} P_A = P_B \cdot \left(\frac{v_C}{v_D}\right)^\gamma \\ P_D = P_C \cdot \left(\frac{v_C}{v_D}\right)^\gamma \\ P_A = P_B \cdot \left(\frac{v_B}{v_A}\right)^\gamma \\ v_B = v_C, v_A = v_D \end{cases}$

donc  $\eta = 1 - \frac{T_A \left(\frac{P_D}{P_A} - 1\right)}{T_B \left(\frac{P_C}{P_B} - 1\right)} = 1 - \frac{T_A \left(\frac{P_C \left(\frac{v_C}{v_D}\right)^\gamma}{P_A \left(\frac{v_B}{v_A}\right)^\gamma} - 1\right)}{T_B \left(\frac{P_C}{P_B} - 1\right)}$

$$\eta = 1 - \frac{T_A \left(\frac{P_C}{P_B} - 1\right)}{T_B \left(\frac{P_C}{P_B} - 1\right)} = 1 - \frac{T_A}{T_B}$$

$$T_A = T_B \left(\frac{v_B}{v_A}\right)^{\gamma-1}$$

$$\eta = 1 - \left(\frac{v_B}{v_A}\right)^{\gamma-1}$$



ليست الامثلة هو الاجابة على كل الامثلة بل الامثلة هو الاجابة على آخر عدد من الامثلة بشكل صحيح

ELMALIKI



Correction d'épreuve  
de la Thermodynamique

2011/2012



[www.facebook.com/succes.club](http://www.facebook.com/succes.club)

Cycle de Beau Rochas:

données  $\left\{ \begin{array}{l} \gamma = 1,4 \\ R = 8,32 \text{ J/K.mol} \end{array} \right.$  est le gaz est parfait

l'état 1:  $\left\{ \begin{array}{l} P_1 = 1 \text{ bar} = 10^5 \text{ Pa} \\ V_1 = 1,2 \text{ l} = 1,2 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3 \\ T_1 = 300 \text{ K} \end{array} \right.$

+CLUB NAJAH+  
UCD.FS.ELJADIDA  
LE PRÉSIDENT

1) déterminer la quantité de matière gazeuse (nb de mole)

$$\eta = \frac{P_1 V_1}{R T_1} = \frac{(10^5)(1,2 \cdot 10^{-3})}{(8,32)(300)} = 0,048 \text{ mol}$$

2) a)  $a = V_1/V_2$  ; on a la transformation de 1  $\rightarrow$  2  
est une compression adiabatique. est  $V_2 = 0,2 \text{ l}$

donc  $\boxed{a = \frac{V_1}{V_2} = 6}$

$$\begin{aligned} 2-b) \quad P_2 V_2^\gamma &= P_1 V_1^\gamma \Rightarrow P_2 = P_1 \left( \frac{V_1}{V_2} \right)^\gamma \\ T_2 V_2^{\gamma-1} &= T_1 V_1^{\gamma-1} \Rightarrow T_2 = T_1 \left( \frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1} \end{aligned}$$

**[1]**

$$A.N: \begin{cases} P_2 = 1,22 \cdot 10^5 \text{ Pa} \\ T_2 = 614,3 \text{ K} \end{cases}$$

2-c)  $W_{12} = n c_v (T_2 - T_1) = \Delta U$  par ce que  
la transformation est adiabatique

$$W_{12} = \frac{n R}{\gamma - 1} (T_2 - T_1) = 313,79 \text{ J}$$

3-a) Montre la relation  $T_3 = a^{\gamma-1} T_1 \left[ 1 + \frac{\gamma-1}{a^{\gamma-1} \cdot n R T_1} Q_{23} \right]$

$$T_3 = T_2 - T_2 + T_3 = T_2 + T_3 - T_2$$

$$T_3 = T_1 \left( \frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1} + (T_3 - T_2)$$

$$T_3 = T_1 \left( \frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1} + \frac{n c_v}{n c_v} (T_3 - T_2)$$

\*CLUB NAJAH\*  
UCD.FS.ELJADIDA  
LE PRESIDENT

Or  $n c_v (T_3 - T_2) = Q_{23}$  par trans f est isochore

donc  $T_3 = T_1 \left( \frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1} + \frac{1}{n c_v} Q_{23}$

$$= T_1 \left( \frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1} + \frac{\gamma-1}{n R} \cdot Q_{23}$$

$$= T_1 \left( \frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1} \left( 1 + \frac{\gamma-1}{\left( \frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1} \cdot n R T_1} Q_{23} \right)$$

$$T_3 = \left( \frac{V_1}{V_2} \right)^{\gamma-1} T_1 \left( 1 + \frac{\gamma-1}{a^{\gamma-1} \cdot n R T_1} Q_{23} \right) = T_1 a^{\gamma-1} \left( 1 + \frac{\gamma-1}{a^{\gamma-1} \cdot n R T_1} Q_{23} \right)$$

2

3-b) calcule  $k = \left[ 1 + \frac{\gamma - 1}{\alpha \cdot n R T_1} Q_{23} \right]$



on a  $Q_{23} = 490,7 \text{ J}$

[www.facebook.com/succes.club](http://www.facebook.com/succes.club)

$$k = 1 + \frac{(1,4 - 1) \cdot (490,7)}{(6)^{1,4 - 1} \cdot 0,048 \cdot 8,32 \cdot 300}$$

$$k = 1 + 0,80 = 1,80$$

\*CLUB NAJAH\*  
UCD.FS.ELJADIDA  
LE PRÉSIDENT

3-c) on a  $T_3 = T_1 \alpha^{\gamma - 1} k$

et on  $T_3 = \frac{P_3 V_3}{n R}$ ,  $T_1 = \frac{P_1 V_1}{n R}$

or la transformation de  $2 \rightarrow 3$  est isochore

donc  $V_3 = V_2 \Rightarrow T_3 = \frac{P_3 V_2}{n R}$

et donc  $T_3 = T_1 \cdot \alpha^{\gamma - 1} \cdot k$

$$\frac{P_3 V_2}{n R} = \frac{P_1 V_1}{n R} \cdot \alpha^{\gamma - 1} \cdot k$$

$$P_3 = P_1 \frac{V_1}{V_2} \cdot \alpha^{\gamma - 1} \cdot k$$

$$P_3 = P_1 \cdot \alpha \cdot \alpha^{\gamma - 1} k = P_1 \alpha^{\gamma} k$$

$$3.d) \quad T_3 = 300 \cdot (a)^{1,4-1} \cdot 1,80$$

$$T_3 = 1105,74 \text{ K}$$

$$P_3 = (a)^{1,4} \cdot 10^5 \cdot 1,80 = 22,19 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

4)

$$V_4 = V_1, \quad V_2 = V_3$$

$$4-a) \propto T_4 V_4^{\gamma-1} = T_3 V_3^{\gamma-1}$$

$$T_4 = T_3 \left( \frac{V_3}{V_4} \right)^{\gamma-1} = T_3 \left( \frac{V_2}{V_1} \right)^{\gamma-1}$$

$$T_4 = T_3 \left( \frac{1}{a} \right)^{\gamma-1}$$

\*CLUB NAJAH+  
UCO.FS.ELJADIDA  
LE PRESIDENT

$$P_4 V_4^{\gamma} = P_3 V_3^{\gamma}$$

$$P_4 = P_3 \left( \frac{V_3}{V_4} \right)^{\gamma} = P_3 \left( \frac{V_2}{V_1} \right)^{\gamma} = P_3 \left( \frac{1}{a} \right)^{\gamma}$$

$$P_4 = P_3 \left( \frac{1}{a} \right)^{\gamma}$$

4-b) application numérique :

$$T_4 = 539,99 \text{ K} \approx 540 \text{ K}$$

$$P_4 = 1,79 \cdot 10^5 \text{ Pa}$$

4

$$4-c) \quad W_{34} = n C_V (T_4 - T_3)$$

$$W_{34} = n C_V \left( T_3 \left( \frac{1}{a} \right)^{\gamma-1} - T_3 \right)$$

on replace  $T_3$  par  $T_1 a^{\gamma-1} h$

$$\text{donc } W_{34} = n C_V \left( T_1 a^{\gamma-1} h \left( \frac{1}{a} \right)^{\gamma-1} - T_1 a^{\gamma-1} h \right)$$

$$= n C_V \left( T_1 h - T_1 a^{\gamma-1} h \right)$$

$$= \frac{n R}{\gamma-1} \left( T_1 h - T_1 a^{\gamma-1} h \right)$$

$$W_{34} = \frac{n R}{\gamma-1} \cdot T_1 h \left( 1 - a^{\gamma-1} \right)$$

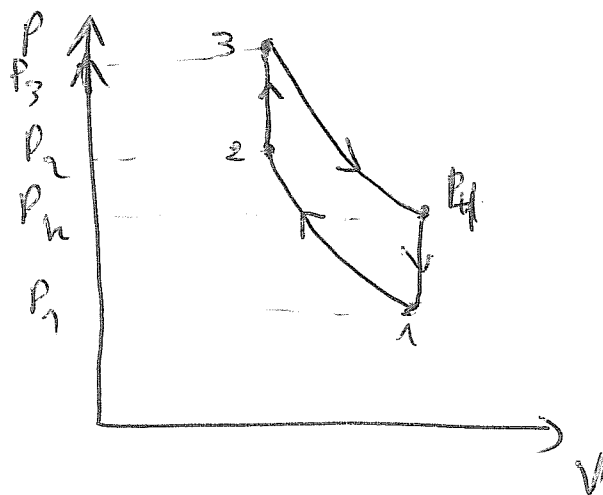
$$4-d) \quad W_{34} = -564,83 \text{ J}$$

5) a)  $Q_{41} = n C_V (T_1 - T_4)$  Car la transformation est isochore

$$Q_{41} = \frac{n R}{\gamma-1} \left( T_1 - T_1 h \right)$$

$$5-b) \quad Q_{41} = \frac{0,048,832}{1,4-1} \left( 300 - 540 \right) = -239,68 \text{ J}$$

6)



\*CLUB NAJAH\*  
UCD.FS. ELJADIDA  
LE PRESIDENT

7)

$$\Delta U = W_{\text{tot}} + Q_{\text{tot}}$$

$$= W_{12} + W_{23} + W_{34} + W_{41} + Q_{12} + Q_{23} + Q_{34} + Q_{41}$$

$$= 313,79 + 0 + (-564,83) + 0 + 0 + 490,7 + 0 + (-239,6)$$

$$= 0$$

donc le principe d'équivalence est vérifié

8) a)  $R = \frac{-W_{\text{tot}}}{Q_{\text{recu}}} = 0,51 \simeq 51\%$

8-b)  $R = \frac{Q_{23} + Q_{41}}{Q_{23}} = 1 + \frac{Q_{41}}{Q_{23}} = 1 + \frac{n_C(T_1 - T_4)}{n_C(T_3 - T_2)}$

or  $\begin{cases} T_4 = T_1 k \\ T_3 = T_1 a^{k-1} k \\ T_2 = T_1 a^{k-1} \end{cases} \Rightarrow R = 1 + \frac{T_1 - T_1 k}{T_1 a^{k-1} k - T_1 a^{k-1}}$

$$R = 1 + \frac{T_1(1-k)}{T_1 a^{k-1}(k-1)} = 1 - \frac{1}{a^{k-1}} = 0,51$$

8-c) Si  $a$  augmente<sup>50</sup> le rendement aussi augmente 5



## problèmes de thermodynamiques

### problème 1

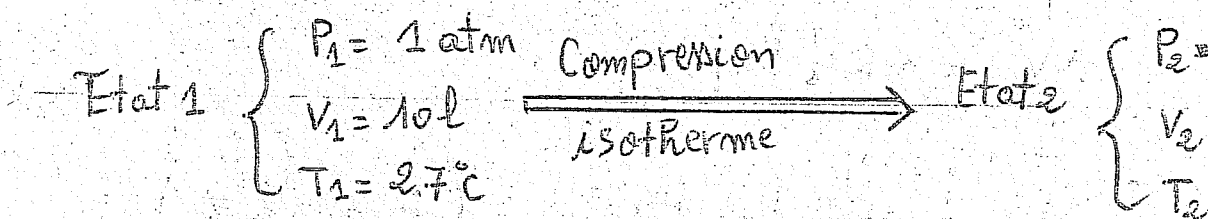
- I. On fait subir a un gaz parfait ,à la pression atmosphérique, trois transformation différentes du même état initial vers le même état finale.
- 1) La première , une compression isotherme, de l'état initial ( $V_1=10$  litre et  $T=27^\circ\text{C}$ ) à l'état 2 dont le volume initial est le double de l'état final
    - a) Rappeler la valeur de la constante des gaz parfait dans le S.I ,
    - b) Calculer le nombre de moles
    - c) Donner la valeur du volume finale
    - d) Calculer le travail  $W_1$  lors de cette transformation et donner la valeur numérique.
  - 2) La deuxième ,du même état initial par une transformation isochore jusqu'à la pression  $P_2$  puis une transformation isobare jusqu'à l'état finale
    - a) Calculer le travail  $W_2$  et donner ca valeur numérique.
  - 3) La troisième transformation , du même état initial par une compression isobare jusqu'à  $V_2$  suivi d'une transformation isochore jusqu'à l'état final.
    - a) Calculer le travail  $W_3$  et donner ça valeur numérique.
  - 4) Représentez, dans trois diagrammes de Clapeyron ( $p,v$ ) les trois transformations
    - a) Comparez les trois travaux ; que remarquez-vous?
    - b) Donnez une conclusion sur la nature du travail des forces de pression.
- II.  $1\text{ m}^3$  de l'air (supposé parfait),a la pression  $P_1=10\text{atmosphères}$  subit une détente, a température constante, la pression finale est  $P_2=1\text{ atmosphère}$ .  
Déterminer le travail échangé par le gaz avec le milieu extérieur, au cours de cette détente.

## Thermodynamique

### Problème 1

2-1)

une compression isotherme de l'état initial ( $V_1 = 10\text{ l}$ ;  $T_1 = 27^\circ\text{C}$ ) à l'état 2 dont le volume initial  $V_i$  est le double de l'état final  $V_f$



Compression isotherme  $\Leftrightarrow P_1 V_1 = P_2 V_2 = n R T_1 = n R T_2 \quad (T_1 = T_2)$

a) La valeur de la constante des gaz parfait dans S.I.:

$$R = 8,314 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$$

b) Calculons le nombre de moles  $n$ :

$$\text{G. parfait} \Leftrightarrow P_1 V_1 = n R T_1 \Leftrightarrow n = \frac{P_1 V_1}{R T_1}$$

$$\text{A.N.: } n = \frac{1,01315 \cdot 10^5 \cdot 10^{-2}}{8,314 \times 300,15} = 0,4 \text{ mol}$$

c/ La valeur du volume finale  $V_f$

$$\text{On a } V_2 = \frac{V_1}{2} \quad \text{A.N. } V_2 = \frac{10 \cdot 10^{-3}}{2} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3 = 5 \text{ l}$$

d/ Calculons le travail  $W_1$  lors de cette transformation.

$$\text{On sait que } W_1 = \int_{V_1}^{V_2} -P dv = \int_{V_1}^{V_2} -\frac{nRT_1}{V} dv$$

$$W_1 = -\frac{nRT_1}{1} \int_{V_1}^{V_2} \frac{dv}{V}$$

donc 
$$W_1 = -nRT_1 \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right)$$

$$\text{ou } W_1 = nRT_1 \ln\left(\frac{V_1}{V_2}\right)$$

$$W_1 = nRT_1 \ln\left(\frac{P_2}{P_1}\right) ; \quad (P_1 V_1 = P_2 V_2)$$

$$\text{A.N. } W_1 = 0,4 \times 8,314 \times 300 \times \ln 2 ; \quad (V_1 = 2 V_2)$$

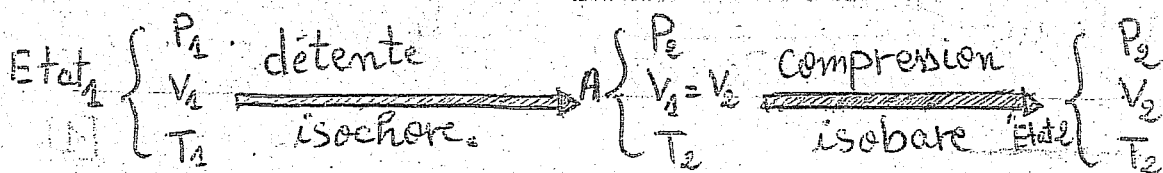
$$\text{d'où } W_1 = 691,5 \text{ J}$$

2-2/

.. du même état initial par une détente isochore jusqu'à

la pression  $P_2$  puis une compression jusqu'à l'état finale.

a/ Calculons le travail  $W_2$ .



T. isochore  $\Leftrightarrow V = \text{cte} \Leftrightarrow dV = 0$

$$\Rightarrow W_{1A} = \int \delta W = 0$$

$$W_{12} = W_{1A} + W_{A2}$$

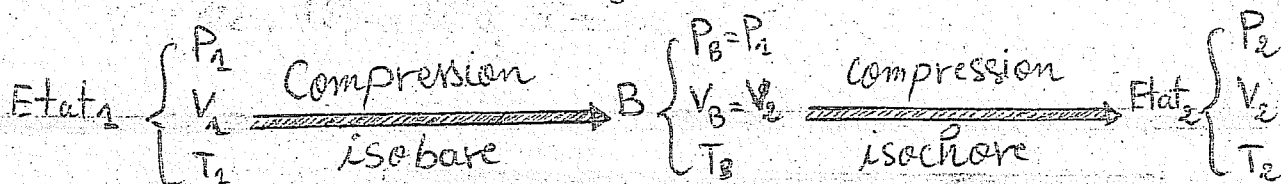
$$= 0 + \int_{V_1}^{V_2} -P_2 dV = -P_2 \int_{V_1}^{V_2} dV = -P_2 (V_2 - V_1) > 0$$

A.N  $W_2 = 1000 \text{ J} = 1 \text{ KJ}$

2-31

du même état initial par une compression jusqu'à  $V_2$  suivi d'une détente jusqu'à l'état finale.

a) Calculons le travail  $W_3$

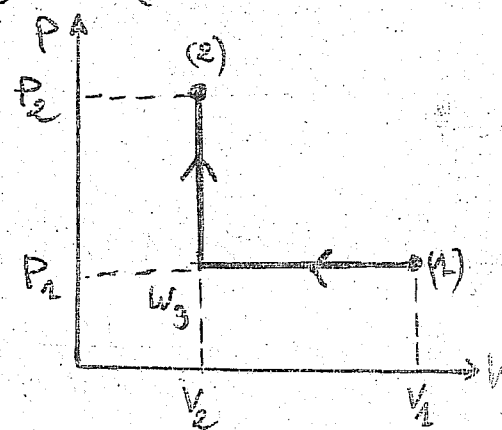
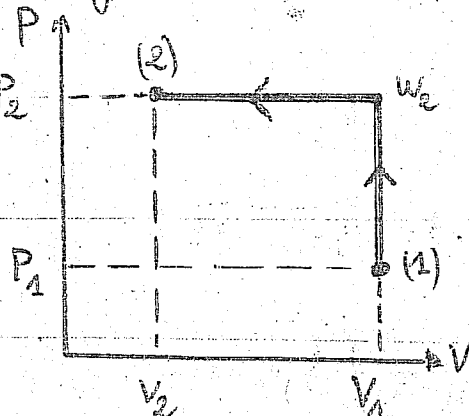
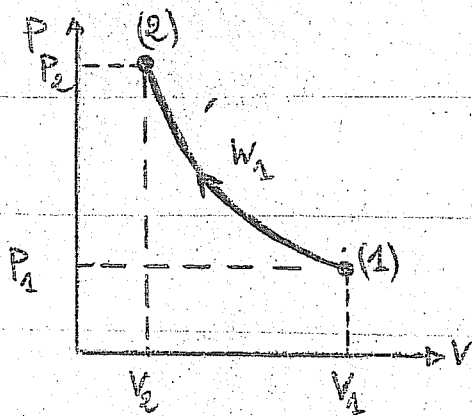


$$W_3 = W_{1B2} = W_{1B} + W_{B2}$$

donc  $W_3 = \int -P dV + 0$

d'où  $W_3 = -P_1 (V_2 - V_1) = P_1 (V_1 - V_2)$ , A.N.  $W_3 = 500 \text{ J}$

## 2-4/ Représentation de diagrammes de clapeyron (P;V)



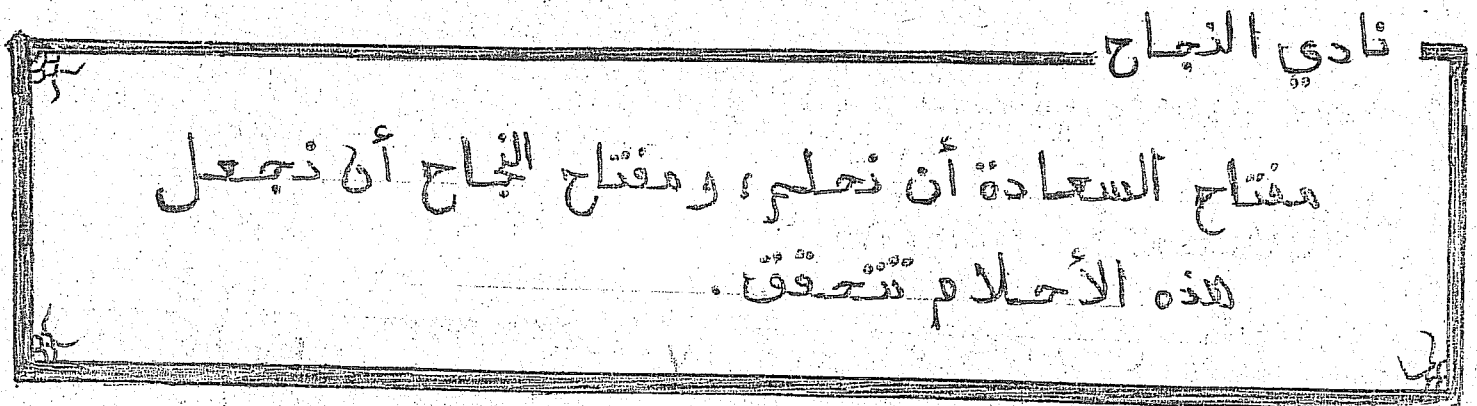
a/  $W_3 < W_1 < W_2$

⇒ Le travail dépend du chemin suivi.

⇒ Le travail n'est pas une différentielle totale exacte.

⇒ Le travail n'est pas une grandeur d'état.

~~~~~



Soyez assuré que vous disposez en vous toutes les ressources  
dont vous avez besoin pour accomplir vos rêves !!

Success club  
(( ))